



Рис. 5.7. Векторите на локалните максимуми  $a(X)$  и  $a(Y)$  условно могат да се изобразят с два вектора в Евклидовото пространство.

реални координати, принадлежащи на хиперравнината  $L$  и такива, че те удовлетворяват още едно допълнително условие:

$$(c_1 - x_1)^2 + \dots + (c_n - x_n)^2 < (y_1 - x_1)^2 + \dots + (y_n - x_n)^2$$

Да означим с  $K$  множеството от всички вектори  $c = (c_1, \dots, c_n)$ , които удовлетворяват горното условие. Математически тези вектори се описват като отдалечени от фиксирания вектор  $a(X)$  на разстояние, не надминаващо разстоянието  $r(X, Y)$  от вектора  $a(X)$  до вектора  $a(Y)$ . Като говорим тук за разстояние между вектори, имаме предвид разстоянието между техните краища. Да припомним, че величината

$$(y_1 - x_1)^2 + \dots + (y_n - x_n)^2$$

е равна на квадрата на разстоянието  $p(X, Y)$  от вектора  $a(X)$  до вектора  $a(Y)$ . Затова множеството  $K$  е тази част от хиперравнината  $L$ , която се съдържа в „ $n$ -мерното“ кълбо с радиус  $r(X, Y)$  и център точката  $a(X)$ .

Да пресметнем колко „целочислени вектора“ се съдържат в множеството  $K$  и колко в множеството  $L$ . Получените числа означаваме съответно с  $m(K)$  и  $m(L)$ . За „предварителен коефициент“  $p'(X, Y)$  ще приемем отношението на тези две числа, т.е.

$$p'(x, y) = m(K)/m(L), \text{ или}$$

$$p'(x, y) = \frac{\text{брой на „целочислените точки“ в множеството } K}{\text{брой на „целочислените точки“ в множеството } L}$$

където координатите  $c_1, \dots, c_n$  са произволни неотрицателни числа. Геометрически множеството  $S$  представлява множеството на „целочислените точки“ на  $L$ , т.е. множеството от всички точки на  $L$ , чиито координати са цели числа.

Очевидно е, че краищата на векторите на локалните максимуми  $a(X)$  и  $a(Y)$  за летописите  $X$  и  $Y$  принадлежат на множеството  $S$ , рис. 5.7.

Да фиксираме сега вектора  $a(X) = (x_1, \dots, x_n)$  и да разгледаме всички вектори  $c = (c_1, \dots, c_n)$  с