

ната  $C_a$  вектора  $C$  поклапа или са једном од следеће три координате вектора  $P$ :  $P_{a-1}$ ,  $P_a$ ,  $P_{a+1}$ , или са бројем  $P_a + P_{a+1}$ . Јасно је да сваки вектор  $C = V(P)$  можемо посматрати као бројчану династију ( $\beta$ -династију) добијену из  $P$ -династије  $P$  као резултат прва два типа грешака: (а) и (б). Нека је  $V(D)$ =унија свих вектора  $C = V(P)$  где  $P$  пролази кроз  $D$ . Остаје да се моделира грешка типа (в). Нека је на позитивној полуоси  $T \geq 0$  задата функција  $\Phi(T) \geq 0$  (у применама улогу  $\Phi(T)$  ће играти густина вероватноће случајне променљиве  $\eta$  са познатим законом расподеле). Ставимо  $h(T) = H'(P(T))$  где је  $H'(S)$  монотоно опадајућа функција на полуоси  $S \geq 0$ . На пример,  $H'(S) = 1/S$ . Функцију  $h$  назовимо амплитудом грешака,  $H$  - каркатористичном функцијом грешака. Ако је  $\eta$  - дискретна случајна променљива,  $h(T)$  је тим веће што са мањом вероватноћом  $\eta$  узима вредност  $T$ . Нека је  $T$  дужина владања,  $\eta(T)$  број владара који су владали  $T$  година. У [7] је израчунат тај експериментални хистограм фреквенција. Ако је  $T$  вредност коју  $\eta$  узима са већом вероватноћом, амплитуда грешака се смањује (тј. невелике дужине владања се лакше обрађују него ретке - дуге дужине). Даље, израчунајмо функцију  $h(T)$  за наведену густину расподеле вероватноће случајне променљиве - дужине владања [7, стр. 115]. Поделимо одсечак  $(0, 100)$  целобројне осе  $T$  на интервале  $(10T, 10T+9)$ ,  $0 \leq T \leq 9$ ; тада се испоставља да је

$$h(T) = \begin{cases} 2, & \text{ако је } T = 0,1 \\ 3, & \text{ако је } T = 2 \\ 5(T-1), & \text{ако је } 3 \leq T \leq 9 \end{cases}$$

Уочимо у евклидском простору димензије  $k$  паралелопипед  $\Pi(M,N)$  чије су нормалне пројекције  $\Pi_a = A_a \pm (|A_a - B_a| + h(A_a))$  на координатне осе задате са

$$\Pi_a = \begin{cases} A_a \pm (|A_a - B_a| + 2) & \text{ако } 0 < A_a < 20 \\ A_a \pm (|A_a - B_a| + 3) & \text{ако } 20 \leq A_a < 30 \\ A_a \pm (|A_a - B_a| + 5([A_a/10] - 1)) & \text{ако } 30 \leq A_a \leq 20 \end{cases}$$

Овде је  $[A]$  цели део броја  $A$ . Дакле, ако је  $0 < A_a < 20$ , вредности  $A_a$  и  $B_a$  се посматрају са тачношћу до  $\pm 1$  (тј. толика је грешка допуштена приликом њиховог мерења); ако је  $20 \leq A_a < 30$ , допуштена грешка је  $\pm 3/2$  итд. Дакле, моделиран је трећи тип грешака, допуштен приликом израчунавања дужине владања. Остало је да се моделира околност да се чињеница припадности тачке  $C$  из  $V(D)$  паралелопипеду  $\Pi(M,N)$  може разматрати само приближно. Да бисмо то моделирали, учинимо границу паралелопипеда  $\Pi$  "неоштром", приближном. Нека је  $r$  фиксирани број. Уочимо реални вектор  $P$  из  $D$  чијих је бар  $r$  координата  $P_a$  садржано у пројекцијама  $\Pi_a$  паралелопипеда  $\Pi$  и чија је нека виртуална варијација  $C = V(P)$  ушла у  $\Pi$ . Такве векторе  $P$  из  $D$  назовимо  $r$ -блиским паралелопипеду  $\Pi$ . У рачунском експерименту узимана је вредност  $r=1+2/3n=11$  (уз  $n=15$ ) по правилу "две трећине". Дефинитивно сад одредимо околину  $O(M,N)$ : то је унија паралелопипеда  $\Pi$  и свих виртуалних варијација вектора  $P$  из  $D$  који су  $r$ -блиски  $\Pi$ . Уведимо  $D(M,N)$  као однос

$$D(M, N) = K/F$$